

1 b) 3. Keplersches Gesetz:

$$\frac{T_1^2}{T_2^2} = \frac{a_1^3}{a_2^3}$$

$$1 \text{ AE} = 1,496 \cdot 10^{11} \text{ m}$$

beide Seiten berechnen

Umrechnung von T entweder aus der Formelsammlung oder manuell berechnen

$$\frac{a_{\text{Mars}}^3}{a_{\text{Erde}}^3} = \frac{(1524 \cdot 1,496 \cdot 10^{11} \text{ m})^3}{(1000 \cdot 1,496 \cdot 10^{11} \text{ m})^3}$$

manuelle Berechnung von T:

$$T_{\text{Mars}} = 686 \text{ d } 23 \text{ h } 30 \text{ min} \\ \approx 687 \text{ d} \quad / : 365 \text{ d}$$

$$T_{\text{Mars}} \approx \underline{\underline{1,88 \text{ y}}}$$

$$T_{\text{Erde}} = 365 \text{ d } 6 \text{ h } 9 \text{ min} \\ \approx 365 \text{ d} \quad / : 365 \text{ d}$$

$$\approx \underline{\underline{1 \text{ y}}}$$

$$= \frac{(1524)^3 \cdot (\cancel{1,496 \cdot 10^{11} \text{ m}})^3}{(1000)^3 \cdot (\cancel{1,496 \cdot 10^{11} \text{ m}})^3} \\ = \underline{\underline{3,54}}$$

$$\frac{T_{\text{Mars}}^2}{T_{\text{Erde}}^2} = \frac{(1,88 \text{ y})^2}{(1 \text{ y})^2} \\ = \underline{\underline{3,53}}$$

$$3,53 \approx 3,54$$

Beide Seiten der Gleichung ergeben in etwa den gleichen Wert ( $\approx 3,54$ ). Damit wurde gezeigt, dass in diesem Fall

$$\frac{T_1^2}{T_2^2} = \frac{a_1^3}{a_2^3} \text{ gilt.}$$

Hinweis: Es ist ebenfalls möglich, für die beiden Planeten die Kepler-Konstante über  $C = \frac{T^2}{a^3}$  zu berechnen.